

# O anglo resolve

## As provas da UFSCar 2008

É trabalho pioneiro.

Prestação de serviços com tradição de confiabilidade.

Construtivo, procura colaborar com as Bancas Examinadoras em sua tarefa de não cometer injustiças.

Didático, mais do que um simples gabarito, auxilia o estudante no processo de aprendizagem, graças a seu formato: reprodução de cada questão, seguida da resolução elaborada pelos professores do Anglo.

No final, um comentário sobre as disciplinas.

Realizado em três dias, numa única fase, o processo seletivo da Universidade Federal de São Carlos — UFSCar — está a cargo da Fundação Vunesp.

As provas, com duração de 4 horas, são as mesmas para todas as carreiras e estão assim distribuídas:

1º DIA	Questões objetivas	Questões discursivas	Pontuação máxima
Língua Portuguesa	10	8	26 pontos
Língua Inglesa	6	4	14 pontos
Redação	—	—	30 pontos

2º DIA	Questões objetivas	Questões discursivas	Pontuação máxima
Química	10	5	20
Matemática	10	5	20
História	10	5	20

3º DIA	Questões objetivas	Questões discursivas	Pontuação máxima
Biologia	10	5	20
Física	10	5	20
Geografia	10	5	20

Cada questão objetiva vale 1 ponto, e cada questão discursiva vale 2 pontos.

A pontuação final do candidato é a soma dos pontos obtidos nas provas, já consideradas as ponderações por disciplina conforme tabela a seguir.

PESOS DAS MATÉRIAS									
Cursos	Redação	Português	Inglês	Matemática	Física	Química	Biologia	História	Geografia
Biblioteconomia, Ciências da Informação	2	2	2	1	1	1	1	2	1
Imagem e Som, Ciências Sociais, Letras e Pedagogia	1	2	2	1	1	1	1	2	2
Filosofia e Ciências Econômicas	2	2	2	2	1	1	1	2	1
Licenciatura em Música	2	2	2	1	1	1	1	2	1
Ciências Biológicas Enfermagem e Medicina Terapia Ocupacional e Educação Física	1	2	1	1	1	1	2	1	1
Fisioterapia	1	2	1	1	1	2	2	1	1
Psicologia	1	2	2	1	1	1	2	2	1
Engenharia Agrônoma, Engenharia Florestal e Biotecnologia	1	2	1	2	1	2	2	1	1
Engenharias* e Ciência da Computação	1	2	1	2	2	2	1	1	1
Física	1	2	1	2	2	1	1	1	1
Estatística e Matemática	1	2	1	2	1	1	1	1	1
Química	1	2	1	2	1	2	1	1	1
Turismo	1	2	2	1	1	1	2	2	2
Treineiros	1	2	1	2	1	1	1	1	1

\*De Computação, Civil, Física, Química, de Materiais, e de Produção.

Para o Curso de Licenciatura em Música há prova de Aptidão Musical com peso 2. Será eliminado o candidato que não obtiver pontuação (ou seja, que tiver nota zero) em qualquer das disciplinas ou na redação.

Equação de 2.º grau:  $ax^2 + bx + c = 0, a \neq 0; x = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$

Função composta:

$f(f(x)) = (f \circ f)(x)$

matriz inversa:  $A \cdot A^{-1} = I$

Logaritmo:

$\log_c a + \log_c b = \log_c (a \cdot b)$

$\log_c a - \log_c b = \log_c \left(\frac{a}{b}\right)$

$\log_c a^n = n \cdot \log_c a$

$\log_b a = \frac{\log_c a}{\log_c b}$

Trigonometria:

Ângulo	0°	30°	45°	60°	90°
sen	0	1/2	$\sqrt{2}/2$	$\sqrt{3}/2$	1
cos	1	$\sqrt{3}/2$	$\sqrt{2}/2$	1/2	0
tg	0	$\sqrt{3}/3$	1	$\sqrt{3}$	-

$\text{sen} \alpha = \text{CO}/\text{H}$        $\text{sen } x$        $\text{cos } x$   
 $\text{cos } \alpha = \text{CA}/\text{H}$        $\begin{pmatrix} + & + \\ - & - \end{pmatrix}$        $\begin{pmatrix} - & + \\ - & + \end{pmatrix}$   
 $\text{tg } \alpha = \text{CO}/\text{CA}$

Combinatória e Probabilidade:

$A_{n,p} = \frac{n!}{(n-p)!}$      $C_{n,p} = \frac{n!}{p!(n-p)!}$      $P_n = n!$

Probabilidade =  $\frac{\text{casos favoráveis}}{\text{casos possíveis}}$

P.A.:  $a_n = a_1 + (n-1) \cdot r$      $S_n = \frac{(a_1 + a_n) \cdot n}{2}$

Módulo:  $|x| = \begin{cases} x, & \text{se } x \geq 0 \\ -x, & \text{se } x < 0 \end{cases}$

Geometria:

Relação de Pitágoras:  $a^2 = b^2 + c^2$

área de triângulo:  $\frac{b \cdot h}{2}$

área de retângulo:  $b \cdot h$

área de círculo:  $\pi \cdot r^2$

volume do paralelepípedo:  $a \cdot b \cdot c$

volume de pirâmide:  $\frac{1}{3} \cdot A_b \cdot h$

Geometria Analítica:

$y = mx + n$  (equação reduzida da reta)

$m = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \text{tg } \alpha$     retas paralelas:  $m_r = m_s$

distância entre dois pontos:  $\sqrt{(\Delta x)^2 + (\Delta y)^2}$

retas perpendiculares:  $m_r \cdot m_s = -1$

ponto médio:  $\left(\frac{x_A + x_B}{2}, \frac{y_A + y_B}{2}\right)$

Equações:

$a_n x^n + a_{n-1} x^{n-1} + a_{n-2} x^{n-2} + \dots + a_0 = 0$

$p \Rightarrow$  Divisores de  $a_0$

$q \Rightarrow$  Divisores de  $a_n$

$\frac{p}{q} \Rightarrow$  possíveis raízes racionais

## 1ª PARTE: QUESTÕES OBJETIVAS

### Questão 1

Uma tecnologia promissora para atender parte de nossas necessidades energéticas, sem a poluição gerada pela queima de combustíveis fósseis, envolve a transformação direta de parte da energia luminosa do Sol em energia elétrica. Nesse processo são utilizadas as chamadas células fotogalvânicas, que podem funcionar utilizando semicondutores extrínsecos de silício, constituídos por uma matriz de silício de alta pureza, na qual são introduzidos níveis controlados de impurezas. Essas impurezas são elementos químicos em cujas camadas de valência há um elétron a mais ou a menos, em relação à camada de valência do silício. Semicondutores do tipo *n* são produzidos quando o elemento utilizado como impureza tem cinco elétrons na camada de valência. Considerando os elementos B, P, Ga, Ge, As e In como possíveis impurezas para a obtenção de um semicondutor extrínseco de silício, poderão ser do tipo *n* apenas aqueles produzidos com a utilização de:

- A) B.
- B) Ge.
- C) Ga e Ge.
- D) P e As.
- E) B, Ga e In.

### Resolução

Impurezas do tipo (*n*) são aqueles elementos que apresentam 5 elétrons na camada de valência de acordo com a tabela:

Elemento	B	P	Ga	Ge	As	In
Elétrons na camada de valência	3e <sup>-</sup>	5e <sup>-</sup>	3e <sup>-</sup>	4e <sup>-</sup>	5e <sup>-</sup>	3e <sup>-</sup>

Serão do tipo *n* apenas:

P e As

**Resposta: D**

### Questão 2

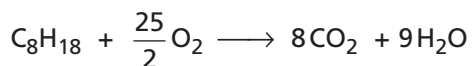
No Brasil, os dois combustíveis mais utilizados são a gasolina e o álcool hidratado, cujos principais componentes são C<sub>8</sub>H<sub>18</sub> e C<sub>2</sub>H<sub>5</sub>OH, respectivamente. Para liberar a mesma quantidade de energia que 1 L de gasolina, são necessários 1,7 L de álcool, o que corresponde a 6,5 mols de octano e 28,0 mols de etanol, respectivamente. Considerando combustão completa com 100% de eficiência, a relação entre as quantidades de CO<sub>2</sub> produzidas por 1,7 L de álcool hidratado e 1 L de gasolina será:

- A) 0,23.
- B) 0,39.
- C) 1,08.
- D) 2,54.
- E) 4,31.

## Resolução

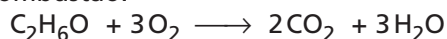
Sabendo que: 1 L de gasolina  $\Rightarrow$  6,5 mol de octano

Podemos calcular a quantidade de  $\text{CO}_2$  produzida na sua combustão com 100% de eficiência:



$$\left\{ \begin{array}{l} 1 \text{ mol} \longrightarrow 8 \text{ mol} \\ 6,5 \text{ mol} \longrightarrow x \end{array} \right. \Rightarrow x = \frac{6,5 \text{ mol} \cdot 8 \text{ mol}}{1 \text{ mol}} = 52 \text{ mol de } \text{CO}_2$$

Como 1,7L de etanol corresponde a 28,0 mol de etanol, podemos calcular a quantidade de  $\text{CO}_2$  produzida na sua combustão:



$$\left\{ \begin{array}{l} 1 \text{ mol} \longrightarrow 2 \text{ mol} \\ 28,0 \text{ mol} \longrightarrow x \end{array} \right. \Rightarrow x = \frac{28,0 \text{ mol} \cdot 2 \text{ mol}}{1 \text{ mol}} = 56 \text{ mol de } \text{CO}_2$$

Então:  $\frac{\text{quantidade de } \text{CO}_2 \text{ produzida por 1,7L etanol}}{\text{quantidade de } \text{CO}_2 \text{ produzida por 1,0L gasolina}} = \frac{56}{52} \cong 1,08$

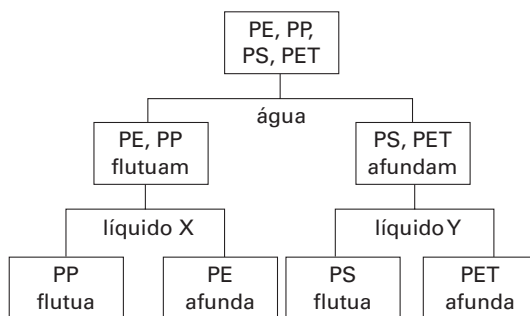
**Resposta: C**

## Questão 3

Um dos problemas ambientais atuais é gerado pelo descarte inadequado de materiais plásticos, motivo pelo qual tem sido estimulada sua reciclagem. Essa reciclagem apresenta várias dificuldades, uma das quais é a natureza do material encaminhado para processamento, constituído por uma mistura de diferentes polímeros, que devem ser separados antes de processados. Na tabela a seguir são apresentadas as densidades dos polímeros presentes em um lote de material a ser reciclado, bem como dos líquidos, totalmente miscíveis entre si, disponíveis para a separação dos polímeros por flotação.

Líquido	Polímero (abreviatura)	Densidade ( $\text{g} \cdot \text{cm}^{-3}$ )
—	Polipropileno (PP)	0,90
—	Polietileno de alta densidade (PE)	0,95
—	Poliestireno (PS)	1,05
—	Poli(tereftalato de etileno) (PET)	1,37
Álcool	—	0,80
Água	—	1,00
Glicerina	—	1,26

O fluxograma a seguir representa as etapas do processo utilizado para a separação dos polímeros; após cada etapa, as frações são separadas e secas antes de serem submetidas às etapas seguintes.

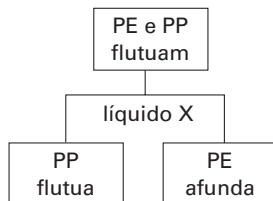


Com respeito aos líquidos utilizados nas etapas finais do processo, é possível dizer que:

- A) X pode ser álcool puro. D) Y pode ser tanto glicerina pura como álcool puro.  
B) Y pode ser glicerina pura. E) X e Y podem ser misturas de água e glicerina.  
C) X pode ser tanto álcool puro como glicerina pura.

## Resolução

Analisando uma parte do fluxograma temos:



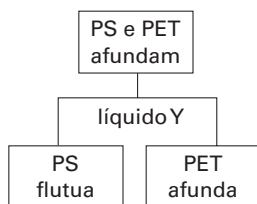
A densidade do PP é menor que a do líquido X, ou seja:  $d_x > 0,90 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$

A densidade do PE é maior que a do líquido X, ou seja  $d_x < 0,95 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$

$$0,90 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3} < d_x < 0,95 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$$

Portanto X não pode ser nem glicerina nem álcool puros.

Analisando outro trecho do fluxograma temos:



Percebe-se que:

$$d_{PS} < d_Y \quad \therefore \quad d_Y > 1,05 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$$

$$d_{PET} > d_Y \quad \therefore \quad d_Y < 1,37 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$$

$$1,05 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3} < d_Y < 1,37 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$$

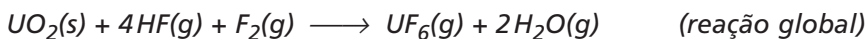
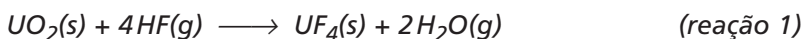
O líquido Y pode ser glicerina pura.

**Resposta: B**

**INSTRUÇÃO:** Leia o texto seguinte para responder as questões de **04 a 07**.

A geração de energia elétrica por reatores nucleares vem enfrentando grande oposição por parte dos ambientalistas e da população em geral ao longo de várias décadas, em função dos acidentes ocorridos nas usinas nucleares e da necessidade de controle dos resíduos radioativos por um longo período de tempo. Recentemente, o agravamento da crise energética, aliado à poluição e ao efeito estufa resultantes do uso de combustíveis fósseis, e à redução dos resíduos produzidos nas usinas nucleares, têm levado até mesmo os críticos a rever suas posições.

O funcionamento da maioria dos reatores nucleares civis baseia-se no isótopo  $^{235}_{92}\text{U}$ . O urânio natural apresenta uma distribuição isotópica de aproximadamente 0,72% de  $^{235}\text{U}$  e 99,27% de  $^{238}\text{U}$ . Para sua utilização em reatores, o urânio deve ser enriquecido até atingir um teor de 3 a 4% em  $^{235}\text{U}$ . Um dos métodos utilizados nesse processo envolve a transformação do minério de urânio em  $\text{U}_3\text{O}_8$  sólido ("yellow cake"), posteriormente convertido em  $\text{UO}_2$  sólido e, finalmente, em  $\text{UF}_6$  gasoso, segundo as reações representadas pelas equações:

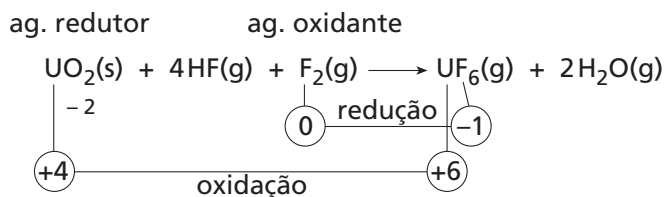


## Questão 4

Com relação ao processo de transformação de  $\text{UO}_2(\text{s})$  em  $\text{UF}_6(\text{g})$ , pode-se afirmar que:

- A) as reações 1 e 2 envolvem processos de óxido-redução.
- B) apenas a reação 1 envolve processo de óxido-redução.
- C) o agente oxidante na reação 2 é o  $\text{UF}_4$  sólido.
- D) o agente redutor da reação global é o HF gasoso.
- E) na reação global estão envolvidos os estados +4 e +6 do urânio.

## Resolução



Os estados do Urânio são +4 no  $\text{UO}_2$  e +6 no  $\text{UF}_6$

**Resposta: E**

## Questão 5

Considere a reação global de produção de  $\text{UF}_6$  a partir da reação entre  $\text{UO}_2$ ,  $\text{HF}$  e  $\text{F}_2$ , e as informações adicionais sobre entalpias de formação fornecidas a seguir.

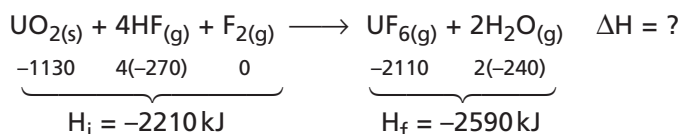
Substância (estado físico)	Entalpia de formação a 25°C (kJ mol <sup>-1</sup> )
$\text{UO}_2$ (s)	-1130
$\text{HF}$ (g)	-270
$\text{UF}_6$ (g)	-2110
$\text{H}_2\text{O}$ (g)	-240

É correto afirmar que, a 25°C, a reação de formação de  $\text{UF}_6$  a partir de  $\text{UO}_2$ , conforme descrito pela equação da reação global, é ..... kJ por mol de  $\text{UF}_6$  formado.

Assinale a alternativa com as informações que preenchem corretamente a lacuna da frase acima.

- A) exotérmica, liberando 380                      D) endotérmica, absorvendo 2110  
B) exotérmica, liberando 950                      E) endotérmica, absorvendo 1080  
C) exotérmica, liberando 2110

## Resolução



$$\Delta H = H_f - H_i$$

$$\Delta H = (-2590) - (-2210)$$

$$\Delta H = -380 \text{ kJ}$$

A reação global é exotérmica com liberação de 380 kJ.

**Resposta: A**

## Questão 6

Os compostos de flúor utilizados no processamento do urânio são formados exclusivamente pelo isótopo 19, com massa atômica igual a 18,99840. O  $\text{UF}_6$  gasoso obtido no processamento do urânio é, portanto, uma mistura de  $^{235}\text{UF}_6$  e  $^{238}\text{UF}_6$ , com massas moleculares de 349,0343 e 352,0412, respectivamente. Numa etapa subsequente do processamento, a mistura gasosa é reduzida a urânio metálico sólido por reação com magnésio. Com relação a estas informações e aos processos de separação da mistura dos fluoretos de urânio, são feitas as seguintes afirmações:

- I. No processo de obtenção de urânio metálico a partir da reação de  $\text{UF}_6$  com magnésio, a diferença entre as reatividades químicas de  $^{235}\text{UF}_6$  e  $^{238}\text{UF}_6$  permite a separação do urânio nas duas formas isotópicas puras.

- II. O  $^{235}\text{UF}_6$  pode ser separado do  $^{238}\text{UF}_6$  por destilação fracionada do líquido obtido, após resfriamento da mistura gasosa inicial.
- III. A ultracentrifugação da mistura gasosa é um método conveniente para se obter o enriquecimento do produto final em  $^{235}\text{UF}_6$ .

É correto o que se afirma em:

- A) I, apenas. D) II e III, apenas.  
 B) II, apenas. E) I, II e III.  
 C) III, apenas.

### Resolução

Analisando as afirmações, temos:

- I. Falsa  
 Os isótopos do urânio apresentam a mesma reatividade química, porque pertencem ao mesmo elemento químico.
- II. Falsa  
 A diferença de massa entre os dois hexafluoretos de urânio é muito pequena, e por isso, com a destilação fracionada, não conseguimos separá-los.
- III. Correta  
 Os processos usados para obter  $^{235}\text{UF}_6$  são a ultracentrifugação e a difusão gasosa.

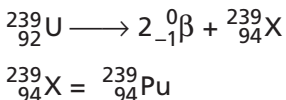
**Resposta: C**

### Questão 7

O  $^{235}\text{U}$  é o responsável pela energia produzida por reatores comerciais, através do processo de fissão nuclear. O  $^{238}\text{U}$ , que constitui a maior parte do combustível nuclear, não sofre processo de fissão nessas condições. No entanto, ao ser atingido por nêutrons produzidos no funcionamento normal do reator, dá origem ao isótopo  $^{239}\text{U}$ , que emite, sucessivamente, duas partículas  $\beta$ , gerando um produto radioativo, com meia-vida extremamente longa e que pode ser utilizado para fins militares. Sobre o produto gerado pelo decaimento radioativo do  $^{239}\text{U}$ , pela emissão sucessiva de duas partículas  $\beta$ , é correto afirmar que se trata de

- A)  $^{239}_{93}\text{Np}$ .  
 B)  $^{239}_{94}\text{Pu}$ .  
 C)  $^{234}_{90}\text{Th}$ .  
 D)  $^{236}\text{U}$ .  
 E) mistura de  $^{237}\text{U}$  e  $^{238}\text{U}$ .

### Resolução



**Resposta: B**

### Questão 8

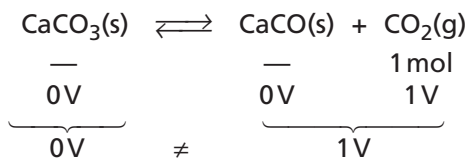
As equações apresentadas a seguir representam equilíbrios químicos estabelecidos separadamente no interior de cilindros dotados de êmbolos móveis. Considerando que cada cilindro terá seu volume reduzido à metade do valor inicial, mantida a temperatura constante, assinale a alternativa que representa o equilíbrio afetado por esta alteração.

- A)  $\text{C}(s) + \text{O}_2(g) \rightleftharpoons \text{CO}_2(g)$  D)  $\text{CaCO}_3(s) \rightleftharpoons \text{CaO}(s) + \text{CO}_2(g)$   
 B)  $\text{H}_2(g) + \text{Br}_2(g) \rightleftharpoons 2\text{HBr}(g)$  E)  $\text{FeO}(s) + \text{CO}(g) \rightleftharpoons \text{Fe}(s) + \text{CO}_2(g)$   
 C)  $\text{CH}_4(g) + 2\text{O}_2(g) \rightleftharpoons \text{CO}_2(g) + 2\text{H}_2\text{O}(g)$



## Resolução

Ao se reduzir o volume, será afetado o equilíbrio, com alterações do número de mol dos participantes no estado gasoso.



A redução do volume desloca o equilíbrio para o lado direito.

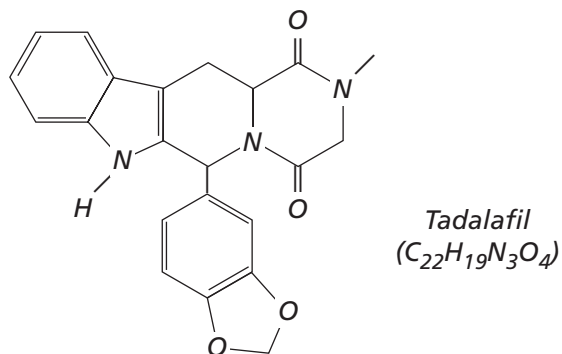
**Resposta: D**

## Questão 9

Entre os vários medicamentos disponíveis para o tratamento da disfunção erétil, um deles tem como princípio ativo o tadalafil, cuja fórmula estrutural é fornecida ao lado.

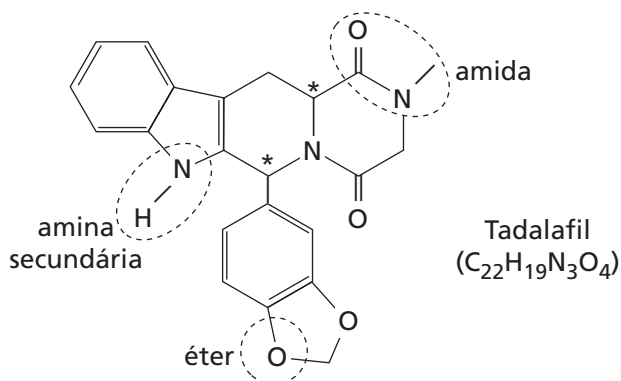
Com respeito ao tadalafil, é correto afirmar:

- A) todos os anéis da molécula apresentam pelo menos um heteroátomo.
- B) a molécula apresenta a função éster.
- C) a molécula apresenta a função aldeído.
- D) a molécula apresenta a função amina primária.
- E) a molécula possui átomo de carbono assimétrico.



## Resolução

Observando a estrutura, notamos as funções:

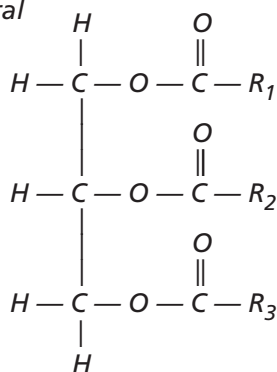


\*carbonos assimétricos.

**Resposta: E**

## Questão 10

Óleos vegetais têm a seguinte fórmula geral



onde  $R_1$ ,  $R_2$  e  $R_3$  são cadeias abertas de carbono e hidrogênio formadas, em geral, por 13 a 17 átomos de carbono, que podem ser iguais ou diferentes, saturadas ou insaturadas, com predominância das insaturadas com até três insaturações. A partir desses óleos, podem ser obtidos diversos produtos de interesse industrial e tecnológico. Como exemplos, considere os seguintes processos:

- I. Hidrogenação parcial, catalisada por Ni metálico, formando o produto X.
- II. Reação com NaOH, formando glicerol e o produto Y.
- III. Reação com  $C_2H_5OH$ , catalisada por KOH, formando glicerol e o produto Z.

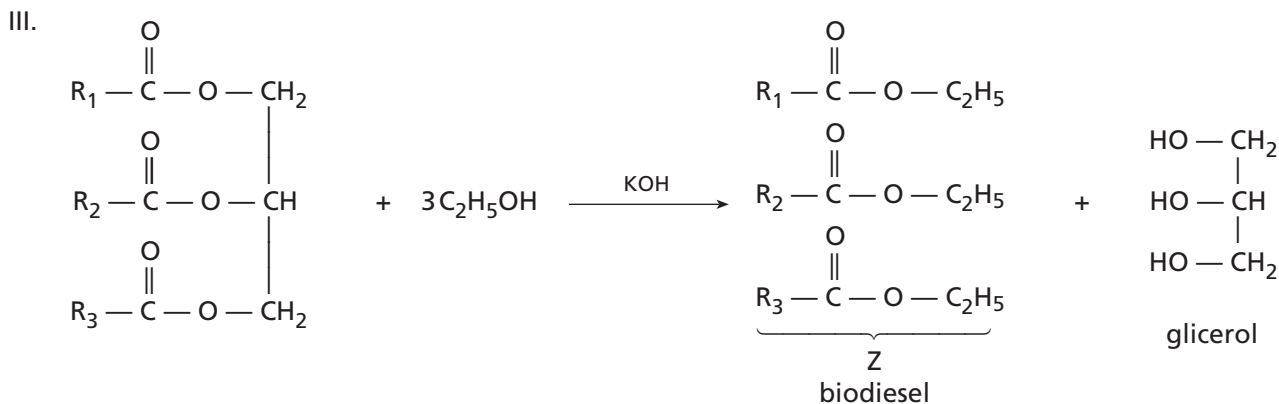
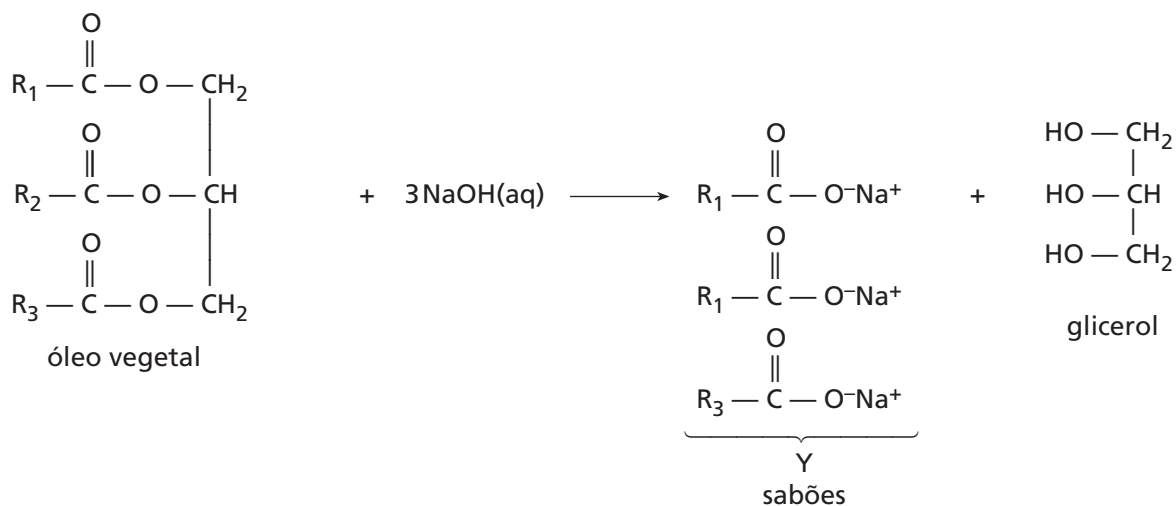
É correto afirmar que os produtos X, Y e Z correspondem, respectivamente, a

- A) banha vegetal, detergente e sabão.
- B) manteiga, sabão e banha vegetal.
- C) margarina, sabão e biodiesel.
- D) biodiesel, banha vegetal e gasolina sintética.
- E) gasolina sintética, sabão e banha vegetal.

### Resolução

I. A hidrogenação parcial catalisada de um óleo vegetal produz margarina (X).

II. A reação de um óleo vegetal com NaOH:



**Resposta: C**

# MATEMÁTICA

## 1ª PARTE: QUESTÕES OBJETIVAS

### Questão 11

Considere  $a$ ,  $b$  e  $c$  Algarismos que fazem com que a conta a seguir, realizada com números de três Algarismos, esteja correta.

$$\begin{array}{r} 4 \ a \ 5 \\ - \ 1 \ 5 \ b \\ \hline c \ 7 \ 7 \end{array}$$

Nas condições dadas,  $b \cdot c^{-a}$  é igual a

- A) 0.                      B)  $\frac{1}{16}$ .                      C)  $\frac{1}{4}$ .                      D) 1.                      E) 16.

### Resolução

$$(7 > 5) \therefore 15 - b = 7 \therefore b = 8$$

Como foi "emprestado" 1 de  $a$ , temos:

$$10 + (a - 1) - 5 = 7 \therefore a = 3$$

$$3 - 1 = c \therefore c = 2$$

Assim, temos:

$$\begin{array}{r} 435 \\ - \ 158 \\ \hline 277 \end{array}$$

$$b \cdot c^{-a} = 8 \cdot 2^{-3} = 1$$

**Resposta: D**

### Questão 12

Uma loja vende três tipos de lâmpada ( $x$ ,  $y$  e  $z$ ). Ana comprou 3 lâmpadas tipo  $x$ , 7 tipo  $y$  e 1 tipo  $z$ , pagando R\$ 42,10 pela compra. Beto comprou 4 lâmpadas tipo  $x$ , 10 tipo  $y$  e 1 tipo  $z$ , o que totalizou R\$ 47,30. Nas condições dadas, a compra de três lâmpadas, sendo uma de cada tipo, custa nessa loja

- A) R\$ 30,50.                      D) R\$ 32,30.  
B) R\$ 31,40.                      E) R\$ 33,20.  
C) R\$ 31,70.

### Resolução

$$\text{Ana: } 3x + 7y + z = 42,10 \quad (\text{I})$$

$$\text{Beto: } 4x + 10y + z = 47,30 \quad (\text{II})$$

Multiplicando (I) por 3, (II) por 2, e subtraindo, temos:

$$\begin{array}{r} 9x + 21y + 3z = 126,30 \\ - \ 8x + 20y + 2z = 94,60 \\ \hline x + y + z = 31,70 \end{array}$$

**Resposta: C**

### Questão 13

Seja  $f: \mathbb{N} \rightarrow \mathbb{Q}$  uma função definida por

$$f(x) = \begin{cases} x+1, & \text{se } x \text{ é ímpar} \\ \frac{x}{2}, & \text{se } x \text{ é par} \end{cases}$$

Se  $n$  é ímpar e  $f(f(f(n))) = 5$ , a soma dos algarismos de  $n$  é igual a

A) 10.

B) 9.

C) 8.

D) 7.

E) 6.

### Resolução

$n$  é ímpar  $\therefore f(n) = n + 1$

$n + 1$  é par  $\therefore f(f(n)) = f(n + 1) = \frac{n+1}{2}$

Vamos analisar, agora, 2 casos.

1º caso:  $\frac{n+1}{2}$  é ímpar

$$f(f(f(n))) = 5$$

$$f\left(\frac{n+1}{2}\right) = 5$$

$$\frac{n+1}{2} + 1 = 5 \quad \therefore n = 7$$

Com  $n = 7$  tem-se  $\frac{n+1}{2} = 4$ , que é par, o que contraria a suposição de que  $\frac{n+1}{2}$  é ímpar. Logo,  $n \neq 7$ .

2º caso:  $\frac{n+1}{2}$  é par

$$f(f(f(n))) = 5$$

$$f\left(\frac{n+1}{2}\right) = 5$$

$$\frac{n+1}{4} = 5 \quad \therefore n = 19$$

Com  $n = 19$  tem-se  $\frac{n+1}{2} = 10$ , que é par. Logo,  $n = 19$ .

A soma dos algarismos de 19 é 10.

**Resposta: A**

### Questão 14

Adotando-se  $\log 2 = a$  e  $\log 3 = b$ , o valor de  $\log_{1,5} 135$  é igual a

A)  $\frac{3ab}{b-a}$ .

D)  $\frac{3b+a}{b-a}$ .

B)  $\frac{2b-a+1}{2b-a}$ .

E)  $\frac{3b-a+1}{b-a}$ .

C)  $\frac{3b-a}{b-a}$ .

### Resolução

$$135 = \frac{270}{2} = 3^3 \cdot 10 \cdot 2^{-1}$$

$$1,5 = \frac{3}{2} = 3 \cdot 2^{-1}$$

Seja  $x = \log_{1,5} 135$ , temos:

$$x = \frac{\log 135}{\log 1,5}$$

$$x = \frac{\log(3^3 \cdot 10 \cdot 2^{-1})}{\log(3 \cdot 2^{-1})}$$

$$x = \frac{3 \cdot \log 3 + \log 10 - 1 \cdot \log 2}{\log 3 - 1 \cdot \log 2}$$

$$x = \frac{3b + 1 - a}{b - a} \quad \therefore \log_{1,5} 135 = \frac{3b - a + 1}{b - a}$$

**Resposta: E**

### Questão 15

Sejam as seqüências  $(75, a_2, a_3, a_4, \dots)$  e  $(25, b_2, b_3, b_4, \dots)$  duas progressões aritméticas de mesma razão. Se  $a_{100} + b_{100} = 496$ , então  $\frac{a_{100}}{b_{100}}$  é igual a

A)  $\frac{273}{223}$ .

D)  $\frac{258}{191}$ .

B)  $\frac{269}{219}$ .

E)  $\frac{236}{171}$ .

C)  $\frac{247}{187}$ .

### Resolução

Do enunciado, temos:

$$a_1 + 99r + b_1 + 99r = 496 \quad \therefore 75 + 25 + 198r = 496$$

$$\therefore 198r = 396 \quad \therefore r = 2$$

$$\text{Assim: } \frac{a_{100}}{b_{100}} = \frac{75 + 99 \cdot 2}{25 + 99 \cdot 2} = \frac{273}{223}$$

**Resposta: A**

### Questão 16

Considere o conjunto

$$C = \{2, 8, 18, 20, 53, 124, 157, 224, 286, 345, 419, 527\}.$$

O número de subconjuntos de três elementos de  $C$  que possuem a propriedade "soma dos três elementos é um número ímpar" é

A) 94.

D) 132.

B) 108.

E) 146.

C) 115.

## Resolução

O conjunto C apresenta 5 números ímpares e 7 pares. Para a soma ser ímpar, devemos ter os 3 ímpares ou 1 ímpar e 2 pares.

Assim:

$$\begin{aligned}C_{5,3} + C_{5,1} \cdot C_{7,2} &= \frac{5!}{3! \cdot 2!} + 5 \cdot \frac{7!}{2! \cdot 5!} \\ &= 10 + 105 \\ &= 115\end{aligned}$$

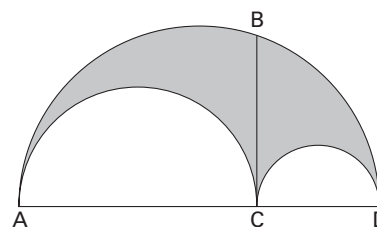
**Resposta: C**

## Questão 17

A figura representa três semicírculos, mutuamente tangentes dois a dois, de diâmetros  $\overline{AD}$ ,  $\overline{AC}$  e  $\overline{CD}$ .

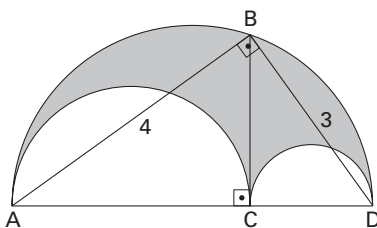
Sendo  $\overline{CB}$  perpendicular a  $\overline{AD}$ , e sabendo-se que  $AB = 4\text{ cm}$  e  $DB = 3\text{ cm}$ , a medida da área da região sombreada na figura, em  $\text{cm}^2$ , é igual a

- A)  $1,21\pi$ .
- B)  $1,25\pi$ .
- C)  $1,36\pi$ .
- D)  $1,44\pi$ .
- E)  $1,69\pi$ .



## Resolução

Do enunciado, temos a figura, onde ABC é um triângulo retângulo em B:



$$(AD)^2 = (AB)^2 + (DB)^2$$

$$(AD)^2 = 4^2 + 3^2 \quad \therefore \quad AD = 5$$

Ainda, no triângulo ABC:

$$(AB)^2 = (AD) \cdot (AC)$$

$$4^2 = 5 \cdot (AC) \quad \therefore \quad AC = \frac{16}{5} \quad \therefore \quad CD = \frac{9}{5}$$

Os raios dos semicírculos são, em ordem decrescente,  $\frac{5}{2}$ ,  $\frac{16}{10}$  e  $\frac{9}{10}$ .

A área S da região sombreada é tal que:

$$S = \frac{1}{2} \cdot \pi \cdot \left(\frac{5}{2}\right)^2 - \frac{1}{2} \cdot \pi \cdot \left(\frac{16}{10}\right)^2 - \frac{1}{2} \cdot \pi \cdot \left(\frac{9}{10}\right)^2$$

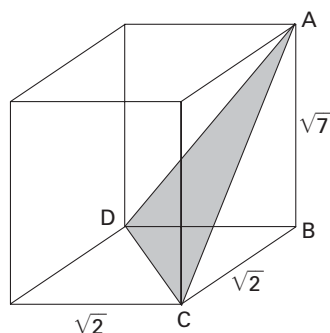
$$\therefore \quad S = \frac{1}{2} \cdot \pi \cdot 6,25 - \frac{1}{2} \cdot \pi \cdot 2,56 - \frac{1}{2} \cdot \pi \cdot 0,81$$

$$\therefore \quad S = 1,44\pi$$

**Resposta: D**

### Questão 18

A figura indica um paralelepípedo reto-retângulo de dimensões  $\sqrt{2} \times \sqrt{2} \times \sqrt{7}$ , sendo A, B, C e D quatro de seus vértices.



A distância de B até o plano que contém A, D e C é igual a

A)  $\frac{\sqrt{11}}{4}$ .

D)  $\frac{\sqrt{13}}{2}$ .

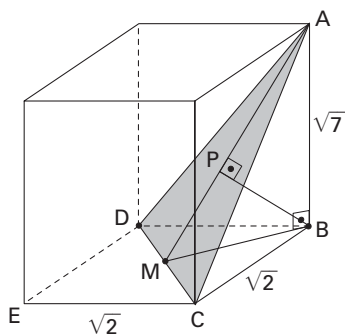
B)  $\frac{\sqrt{14}}{4}$ .

E)  $\frac{3\sqrt{7}}{2}$ .

C)  $\frac{\sqrt{11}}{2}$ .

### Resolução

Do enunciado, temos a figura em que M é o ponto médio de  $\overline{CD}$ .



A diagonal  $\overline{BE}$  do quadrado BDEC mede  $\sqrt{2} \cdot \sqrt{2} = 2$ .

Logo,  $BM = 1$ .

No triângulo retângulo ABM:

$$(AM)^2 = 1^2 + (\sqrt{7})^2$$

$$(AM)^2 = 8 \quad \therefore \quad AM = 2\sqrt{2}$$

Sendo BP a distância pedida, do triângulo ABM vem:

$$(AM) \cdot (BP) = (AB) \cdot (BM)$$

$$2\sqrt{2} \cdot (BP) = \sqrt{7} \cdot 1 \quad \therefore \quad BP = \frac{\sqrt{14}}{4}$$

**Resposta: B**

### Questão 19

As coordenadas dos vértices do triângulo ABC num plano cartesiano são  $A(-4, 0)$ ,  $B(5, 0)$  e  $C(\sin \theta, \cos \theta)$ . Sendo  $\theta$  um arco do primeiro quadrante da circunferência trigonométrica, e sendo a área do triângulo ABC maior que  $\frac{9}{4}$ , o domínio de validade de  $\theta$  é o conjunto

A)  $\left] \frac{\pi}{3}, \frac{\pi}{2} \right[$ .

D)  $\left[ 0, \frac{\pi}{4} \right[$ .

B)  $\left] \frac{\pi}{6}, \frac{\pi}{3} \right[$ .

E)  $\left[ 0, \frac{\pi}{3} \right[$ .

C)  $\left[ 0, \frac{\pi}{6} \right[$ .

### Resolução

Seja  $D = \begin{vmatrix} -4 & 0 & 1 \\ 5 & 0 & 1 \\ \sin \theta & \cos \theta & 1 \end{vmatrix} \therefore D = 5 \cos \theta + 4 \cos \theta = 9 \cos \theta$

Como a área do triângulo é  $\frac{1}{2} \cdot |D|$ , temos:

$$\frac{1}{2} \cdot |9 \cos \theta| > \frac{9}{4} \therefore |9 \cos \theta| > \frac{9}{2}$$

ou

$$\begin{aligned} & 9 \cos \theta > \frac{9}{2} \therefore \cos \theta > \frac{1}{2} \\ & 9 \cos \theta < -\frac{9}{2} \therefore \cos \theta < -\frac{1}{2} \quad (\text{não convém}) \end{aligned}$$

No intervalo  $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$ , temos  $0 < \theta < \frac{\pi}{3}$ .

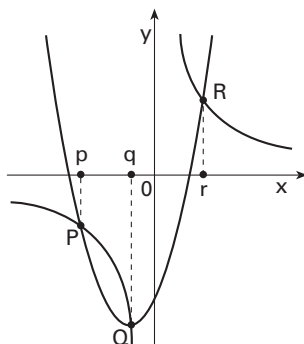
A banca examinadora entende que  $\theta = 0$  é um arco do 1º quadrante, o que não é usual.

Admitindo-se isso,  $0 \leq \theta < \frac{\pi}{3}$ .

**Resposta: E**

### Questão 20

A figura indica a representação gráfica, no plano cartesiano ortogonal  $xOy$ , das funções  $y = x^2 + 2x - 5$  e  $xy = 6$ .





Sejam  $P$ ,  $Q$  e  $R$  os pontos de intersecção das curvas, e  $p$ ,  $q$  e  $r$  as respectivas abscissas dos pares ordenados que representam esses pontos, então  $p+q+r$  é igual a

A)  $-\frac{2}{3}$ .

B)  $-1$ .

C)  $-\frac{3}{2}$ .

D)  $-2$ .

E)  $-3$ .

### Resolução

Do sistema  $\begin{cases} xy = 6 \\ y = x^2 + 2x - 5 \end{cases}$ , temos

$$\begin{aligned} x(x^2 + 2x - 5) &= 6 \\ x^3 + 2x^2 - 5x - 6 &= 0 \end{aligned}$$

Sejam  $p$ ,  $q$  e  $r$  as raízes dessa equação, temos, pelas relações de Girard,  $p + q + r = \frac{-2}{1} = -2$ .

**Resposta: D**

## 1ª PARTE: QUESTÕES OBJETIVAS

### Questão 21

Com efeito, como os atenienses molestavam consideravelmente os peloponésios de um modo geral, e principalmente o território dos lacedemônios [espartanos], estes pensaram que a melhor maneira de afastá-los seria retaliar mandando um exército contra os aliados de Atenas, especialmente porque tais aliados poderiam assegurar o sustento do exército e estavam chamando os lacedemônios para vir ajudá-los, criando condições para que eles se revoltassem. Em adição, os lacedemônios estavam contentes por terem um pretexto para mandar os hilotas para longe, a fim de impedi-los de tentar revoltar-se na situação presente (...) Realmente, por medo de sua juventude e de seu número — na verdade, a maioria das medidas adotadas pelos lacedemônios visava sempre protegê-los contra os hilotas (...).

(Tucídides. História da Guerra do Peloponeso, século V a.C.)

Sobre o momento histórico a que se refere Tucídides, é correto afirmar que

- A) os hilotas representavam os soldados de elite do exército ateniense.
- B) o principal objetivo de Atenas era transformar Esparta em um Estado democrático.
- C) a preocupação dos lacedemônios era controlar a população de Lacônia e Messênia, que eles escravizaram quando chegaram ao Peloponeso.
- D) os exércitos atenienses eram compostos essencialmente por hilotas, geralmente agricultores que viviam em cidades.
- E) os lacedemônios tinham por objetivo consolidar a aliança entre as cidades gregas que faziam parte da Liga de Delos.

### Resolução

O texto da questão remete aos problemas iniciais que levariam os gregos a se enfrentarem na Guerra do Peloponeso. Mas também ressalta os problemas enfrentados pelos lacedemônios (espartanos) para controlar os hilotas — populações submetidas por eles quando de sua chegada à região do Peloponeso —, que poderiam se revoltar.

**Resposta: C**

### Questão 22

O Quarto Concílio de Latrão, em 1215, decretou medidas contra os senhores seculares caso protegessem heresias em seus territórios, ameaçando-os até com a perda dos domínios. Já antes do Concílio e como consequência dele, as autoridades laicas decretaram a pena de morte para evitar a disseminação de heresias em seus territórios, a começar por Aragão em 1197, Lombardia em 1224, França em 1229, Roma em 1230, Sicília em 1231 e Alemanha em 1232.

(Nachman Falbel. Heresias medievais, 1976.)

A respeito das heresias medievais, é correto afirmar que

- A) o termo heresia designava uma doutrina contrária aos princípios da fé oficialmente declarada pela Igreja Católica.
- B) os heréticos eram filósofos e teólogos que debatiam racionalmente a natureza divina e humana da Trindade no século XIII.
- C) a Igreja tinha atitudes tolerantes com os hereges de origem popular, que propunham uma nova visão ética da instituição eclesiástica.
- D) os primeiros heréticos apareceram nos séculos XII e XIII e defendiam antigas doutrinas difundidas pelo império otomano.
- E) a heresia era conciliável com o poder temporal do Papa, mas provocou a ruptura das relações entre a Igreja e o Estado.

## Resolução

Durante a Idade Média, a Igreja perseguiu de maneira implacável as “heresias” — entendidas por ela como crenças ou doutrinas ofensivas a Deus, às sagradas escrituras e à autoridade papal. A partir do século XIII, instituindo-se a Inquisição, em várias partes da Europa pessoas consideradas heréticas foram aprisionadas, torturadas e até assassinadas.

**Resposta: A**

## Questão 23

A 5 de outubro, oito ou dez mil mulheres foram a Versalhes; muita gente as acompanhou. A Guarda Nacional forçou o sr. de La Fayette a conduzi-las para lá na mesma noite. No dia 6, elas trouxeram o rei e obrigaram-no a residir em Paris.

(...) Não devemos procurar aqui a ação dos partidos. Eles agiram, mas fizeram muito pouco.

A causa real, certa, para as mulheres, para a multidão mais miserável, foi uma só, a fome. Tendo desmontado um cavaleiro, em Versalhes, mataram o cavalo e comeram-no quase cru.

(...) O que há no povo de mais povo, quero dizer, de mais instintivo, de mais inspirado, são, por certo, as mulheres. Sua idéia foi esta: “Falta pão, vamos buscar o rei; se ele estiver conosco, cuidar-se-á para que o pão não falte mais. Vamos buscar o padeiro!”

(Jules Michelet. História da Revolução Francesa, 1989.)

*Sobre aquele momento da Revolução Francesa, é correto afirmar:*

- A) o povo, constituído principalmente de funcionários da nobreza, acreditava que era necessário separar o rei da corte, para que se pudessem fazer as reformas econômicas.
- B) a Assembléia havia assinado a Declaração de Direitos do Homem e do Cidadão e o povo acreditava que o rei era seu aliado para resolver o problema da circulação de cereais.
- C) os revolucionários estavam negociando com o rei a assinatura de sua deposição, visando a instalação de uma República na França.
- D) o rei e a rainha eram vistos como inimigos do povo e cúmplices da aristocracia, responsabilizada pela crise econômica.
- E) o rei escolheu ficar em Versalhes, com a finalidade de proteger a nobreza dos ataques do povo.

## Resolução

O texto dado faz alusão às primeiras medidas em favor da população francesa — e à expectativa dela em relação a essas medidas — após a queda da Bastilha. Nesse período efêmero da Revolução Francesa, denominado de Assembléia Nacional, as camadas baixas, lideradas pela burguesia, acreditavam na possibilidade de se reformar o Estado mantendo a Monarquia.

**Resposta: B**

## Questão 24

Esse mundo novo de extermínio em massa e aniquilação cultural patrocinados pelo Estado deu origem a um novo termo — genocídio, que surgiu em 1944 (...)

(Mark Mazower. Continente sombrio. SP: Companhia das Letras, 2001.)

*O termo genocídio foi historicamente cunhado com o extermínio*

- A) dos anarquistas ucranianos durante a revolução bolchevique.
- B) dos judeus durante a vigência do nazismo.
- C) dos romenos no seu processo de independência.
- D) dos etíopes na invasão italiana.
- E) dos zulus durante o governo racista da África do Sul.

## Resolução

O texto faz referência ao neologismo genocídio, criado para designar o holocausto dos judeus nos campos de concentração nazistas.

**Resposta: B**

## Questão 25

*A característica do governo neoliberal da primeira ministra inglesa Margaret Thatcher balizou uma época que gerou*

- A) o repúdio dos jovens beatniks à política inglesa, influenciados pela literatura de vanguarda norte-americana dos anos de 1960.*
- B) o fortalecimento das ações políticas do partido trabalhista, atrelado aos ideais socialistas.*
- C) a cooperação do feminismo internacional, envolvido em campanhas para a presença de mulheres nos cargos de governo.*
- D) a reação de jovens ingleses, com o surgimento da banda Sex Pistols em 1975, com forte vínculo com os movimentos punks.*
- E) o apoio de artistas pops, beneficiados pelas políticas de incentivo à cultura e à arte na Inglaterra.*

## Resolução

Idealizada pelo empresário e agitador cultural Malcolm McLaren, a banda Sex Pistols chamou a atenção da mídia inglesa e mundial no final dos anos setenta. Com linguagem e visual agressivos, atitudes provocadoras e retórica anarquista, a banda conseguiu catalisar a insatisfação de parte da juventude inglesa durante o período Thatcher — marcado por privatizações e pelo gradual desmantelamento do “estado de bem-estar social” daquele país.

**Resposta: D**

## Questão 26

Em nome da Segurança Nacional, foram realizados seqüestros, prisões, torturas e encarceramentos em campos de concentração, para quem se manifestou contra o governo. Logo no início do regime foi feita queima dos acervos das bibliotecas públicas e particulares. Essa realidade durou até 1989, quando, por pressão internacional, foi realizado um plebiscito no qual o povo deveria optar pela permanência do governante por mais cinco anos. O plebiscito foi realizado e ficou conhecido historicamente como “El Plebiscito del No”, já que a maioria do povo disse não à permanência do regime, implantado com o apoio da CIA.

*O relato é parte da história*

- A) da Argentina.*
- B) da Colômbia.*
- C) da Bolívia.*
- D) da Venezuela.*
- E) do Chile.*

## Resolução

O texto é um relato da história recente do Chile. Entre os anos de 1973-1988, após um golpe contra a democracia, o país foi governado por uma junta militar liderada por Augusto Pinochet e apoiada pelos EUA. No entanto, no final dos anos 80, com o fim da Guerra Fria, este governo ditatorial perdeu a sua sustentação norte-americana e foi obrigado a ceder, inicialmente aceitando o resultado de um plebiscito, à transição para a democracia.

**Resposta: E**

## Questão 27

*A forte e atual presença de usos e costumes dos iorubás na Bahia deve-se*

- A) à sua chegada no último ciclo do tráfico dos escravos na região, no fim do século XVI e início do XVII.*
- B) à vitória dos portugueses sobre os holandeses no Golfo da Guiné, de onde vieram para o Brasil numerosos escravos embarcados no forte São Jorge da Mina.*

- C) ao controle pelos portugueses da costa do Congo, onde obtinham um grande número de escravos, trocados por barras de ferro.
- D) à presença numerosa desse povo em Angola, onde era realizado o comércio entre a África e a Bahia, envolvendo escravos e o tabaco.
- E) à resistência cultural desses descendentes de escravos oriundos de classe social elevada e de sacerdotes firmemente ligados aos preceitos religiosos africanos.

### Resolução

A forte presença de elementos da cultura iorubá em Salvador, na atualidade, é explicada pela numerosa quantidade — dezenas de milhares — de escravos dessa etnia que foram vendidos na capital baiana, entre o final do século XVIII e a primeira metade do século XIX. Eram, em sua maioria homens adultos que eram muçulmanos, cristãos ou seguiam o ritual dos orixás.

Pressupõe-se que alguns deles, na África, eram sacerdotes, e outros pertenciam às camadas sociais elevadas — o que certamente contribuiu para a organização dos negros cativos e, assim, para a preservação de sua cultura originária.

**Resposta: E**

### Questão 28

Em julho de 1924, a elite paulista buscava fugir da capital bombardeada a esmo pelas forças legalistas, descendo a serra em seus automóveis ou em táxis. (...)

O bombardeio desencadeado pelas forças legais ao governo constituía o principal motivo do pânico. Situadas em uma posição elevada do Alto da Penha, um bairro ainda periférico, lançavam tiros de canhão contra a cidade, com uma imprecisão espantosa.

(Boris Fausto. Negócios e ócios. Histórias da imigração, 1997.)

Os acontecimentos descritos no texto referem-se à:

- A) Revolta dos Tenentes. D) Intentona Comunista.  
 B) Revolução Constitucionalista. E) Revolta da Armada.  
 C) Deposição de Washington Luís.

### Resolução

A eleição de Arthur Bernardes em 1922 confirmara a vigência da política do café-com-leite, ou seja, o indifereçável domínio político das oligarquias de São Paulo e Minas na sucessão ao governo federal.

Assim, estava dada mais uma motivação para os excluídos do poder — entre os quais os jovens oficiais de Exército reunidos no chamado Movimento Tenentista — contestarem o regime oligárquico e suas práticas coronelísticas.

Poucos meses após o início de seu mandato, Bernardes viu-se em meio a levantes armados, como o do Rio Grande do Sul e o de Manaus. E, em 1924, houve em São Paulo o levante denominado revolta de Isidoro Dias Lopes, numa referência a seu líder maior.

**Resposta: A**

### Questão 29

Em 1968, o artista plástico Hélio Oiticica, acompanhado por outros artistas, participou de uma manifestação no Largo General Osório, em Ipanema, no Rio de Janeiro, apresentando um estandarte/bandeira com a foto de seu amigo morto, que dizia Seja Marginal Seja Herói. A obra era uma homenagem a um ladrão e traficante do Rio, conhecido como “Cara-de-cavalo”, que foi assassinado violentamente pela polícia.



- Considerando que a obra expressa um manifesto político, qual seu significado naquele contexto histórico?
- A) O artista utilizou o slogan para criticar o apoio da imprensa às ações violentas da polícia do Rio de Janeiro, que tinham ajuda do governo federal.
- B) Preito aos marginais em geral, que podiam ser tanto ladrões e traficantes, como estudantes, artistas e operários, presos e mortos pelo regime militar.
- C) Um protesto do artista contra a população das favelas do Rio de Janeiro, que considerava o traficante "Cara-de-cavalo" um herói.
- D) Expressava a crise gerada pela mudança de paradigma na imagem do anti-herói brasileiro, que se distanciava do personagem Macunaima, de Mário de Andrade.
- E) Versão barroca dos bandidos das favelas do Rio de Janeiro, transformados em objeto de consumo da sociedade capitalista em expansão.

### Resolução

Em 1968, desenrolava-se o governo do general Costa e Silva, que naquele momento enfrentava uma onda de manifestações de rua contrárias ao regime militar, promovidas por estudantes, intelectuais e outros setores da sociedade que reivindicavam a redemocratização e condenavam as práticas autoritárias.

Em meio a esse clima de crescente contestação ao Estado Policial, em que todo cidadão é considerado suspeito até prova em contrário, veio a público o manifesto do artista, em que mistura a revolta pela perda pessoal, resultante da violência do Estado, com a revolta social contra a mesma violência.

**Resposta: B**

### Questão 30

Observe a tabela.

Ano	Varição do PIB (%)
1964	2,9
1965	2,7
1966	3,8
1967	4,8
1968	11,2
1969	10,2
1970	8,8
1971	13,3
1972	11,7
1973	14,0
1974	9,8
1975	5,6
1976	9,0
1977	4,7
1978	6,0
1979	6,4
1980	8,5

(The World Bank: Country Study, Brazil: Human Resources Special Report, 1979, para os dados referentes a 1964-1977, e Istoé, dez. 1980.)

Observando os dados representados, referentes ao Brasil, pode-se dizer que expressam:

- A) o crescimento econômico de 1964 a 1967, no início do regime militar, que sustentou o auge da repressão política.
- B) o crescente fortalecimento da política democrática no país, estimulada pelas altas taxas de crescimento econômico em vigor durante o regime militar.

- C) o crescimento industrial de 1968 a 1973, durante o regime militar, conhecido como “milagre brasileiro”.
- D) a associação entre o crescimento agrícola e o industrial de 1968 a 1969, favorecido pela diminuição da dívida externa.
- E) o aumento das taxas de crescimento econômico por conta dos investimentos dos capitais nacionais na indústria nordestina, no período de 1973 a 1976.

### Resolução

O regime militar instaurado em 1964 teve seu apogeu durante a presidência do general Garrastazu Médici (1969-74). No plano econômico, o país acompanhou a implementação do 1º Plano Nacional de Desenvolvimento (PND), que resultou em acelerado crescimento econômico, sobretudo nos setores industriais e de infra-estrutura. Sob a gerência do ministro Delfim Neto, da Fazenda, o “bolo cresceu” em níveis que fizeram a imprensa especializada alcunhar aquele processo — parodiando a reconstrução econômica do Japão no pós-guerra — de “milagre brasileiro”.

**Resposta: C**

## 2ª PARTE: QUESTÕES DISCURSIVAS

### Questão 31

Atualmente, a humanidade depende fortemente do uso de combustíveis fósseis para atender suas necessidades energéticas. No processo de queima desses combustíveis, além dos produtos diretos da reação de combustão — dióxido de carbono e vapor de água —, vários outros poluentes gasosos são liberados para a atmosfera como, por exemplo, dióxido de nitrogênio e dióxido de enxofre. Embora nos últimos anos tenha sido dado destaque especial ao dióxido de carbono por seu papel no efeito estufa, ele, juntamente com os óxidos de nitrogênio e enxofre, tem um outro impacto negativo sobre o meio ambiente: a propriedade de se dissolverem e reagirem com a água, produzindo os ácidos correspondentes, que acarretam a acidificação das águas das chuvas, rios, lagos e mares.

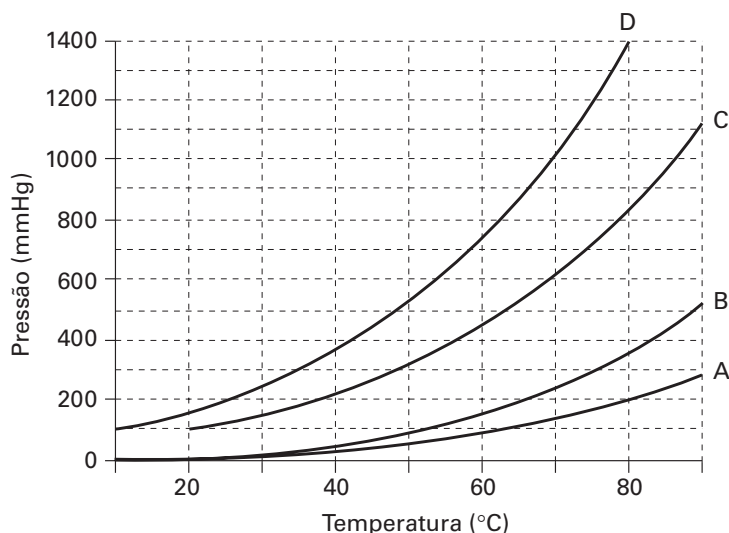
- a) Escreva as equações químicas balanceadas das reações de dióxido de carbono e dióxido de enxofre com a água, dando origem aos ácidos correspondentes.
- b) A chuva acidificada pela poluição reage com o carbonato de cálcio, principal componente de rochas calcárias, provocando a dissolução lenta dessas rochas. Escreva a equação química balanceada entre o carbonato de cálcio e os íons  $H^+$  presentes na chuva acidificada.

### Resolução

- a)  $CO_2(g) + H_2O(\ell) \rightleftharpoons H_2CO_3(aq) \rightleftharpoons H^+(aq) + HCO_3^-(aq)$   
 $SO_2(g) + H_2O(\ell) \rightleftharpoons H_2SO_3(aq) \rightleftharpoons H^+(aq) + HSO_3^-(aq)$
- b)  $Ca^{2+}CO_3^{2-}(s) + 2H^+(aq) \longrightarrow Ca^{2+}(aq) + H_2O(\ell) + CO_2(g)$

### Questão 32

As curvas A, B, C e D, mostradas na figura, apresentam as variações das pressões de vapor em função da temperatura de quatro substâncias puras.



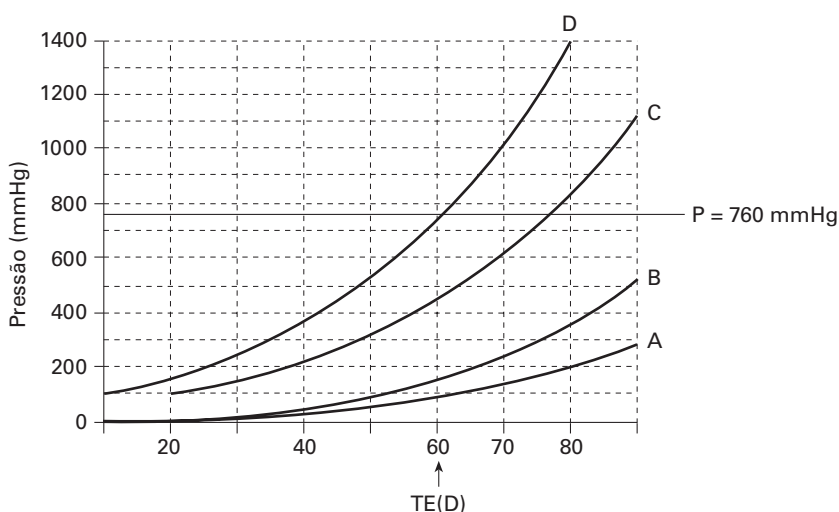


A tabela a seguir apresenta as fórmulas e massas molares das quatro substâncias associadas às curvas A, B, C e D, porém não necessariamente nesta ordem.

Substância	Massa molar (g/mol)
$H_2O$	18
$CH_3COOH$	60
$HCCl_3$	119
$CCl_4$	154

- a) Considere que cada substância foi aquecida, isoladamente, até  $70^\circ C$ , sob pressão de  $760\text{ mmHg}$ . Quais das curvas (A, B, C ou D) representam as substâncias que estão no estado gasoso nessas condições? Justifique sua resposta.
- b) Identifique qual curva de pressão de vapor em função da temperatura (A, B, C, ou D) corresponde àquela da substância  $CCl_4$ . Justifique sua resposta.

### Resolução



- a) Somente a substância associada à curva D tem temperatura de ebulição inferior a  $70^\circ C$  a  $760\text{ mmHg}$ , portanto, é a única no estado gasoso.  
 $TE(D) = 60^\circ C$  (1 atm)
- b) TE em ordem crescente  
 $D < C < B < A$   
 $HCCl_3 < CCl_4 < H_2O < CH_3COOH$

Embora o  $CCl_4$  seja apolar, apresenta TE superior ao do  $HCCl_3$  porque a polaridade do  $HCCl_3$  é muito pequena. Neste caso prevalece a influência da maior massa molar do  $CCl_4$ .

### Questão 33

Uma das origens da água fornecida à população são as fontes superficiais, compreendendo rios e lagos, cujas águas normalmente contêm material em suspensão. Um dos processos utilizados para a remoção do material em suspensão envolve a reação entre  $FeCl_3$  e  $Ca(OH)_2$ , com produção de  $Fe(OH)_3$  gelatinoso, o qual, durante sua decantação, remove esse material, que se deposita no fundo do tanque de decantação. Na seqüência, a água já clarificada segue para as outras etapas do tratamento, envolvendo filtração, cloração, ajuste do pH e, eventualmente, fluoretação. Considere um lote de água tratado por esse processo e distribuído à população com pH igual a 7,0.

- a) Nas condições descritas, calcule a concentração máxima de ferro dissolvido na água, expressa em mol/L. Explícite seus cálculos.  
 Constante do produto de solubilidade de  $Fe(OH)_3$  a  $25^\circ C$ :  $4 \cdot 10^{-38}$ .

b) Segundo as normas vigentes, o valor máximo para o teor de ferro dissolvido em água potável é de 0,3 mg/L. O lote de água em consideração atende à legislação? Justifique sua resposta, comparando o valor máximo previsto pela legislação com a concentração de ferro encontrada no lote de água distribuído para a população.

### Resolução



$$K_s = [\text{Fe}^{3+}] \cdot [\text{OH}^{-}]^3$$

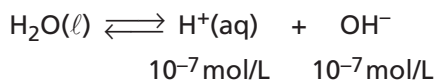
$$4 \cdot 10^{-38} = x(3x)^3$$

$$4 \cdot 10^{-38} = 27x^4$$

$$x^4 = \frac{4 \cdot 10^{-38}}{27} = 14,8 \cdot 10^{-40}$$

$$x = \sqrt[4]{14,8 \cdot 10^{-40}} = 1,96 \cdot 10^{-10}$$

A concentração de  $[\text{OH}^{-}]$  proveniente da autoionização da água é muito maior do que a proveniente da dissociação do  $\text{Fe(OH)}_3(\text{s})$ , como mostrado abaixo:



Devemos considerar somente a concentração de  $[\text{OH}^{-}]$  proveniente da água no cálculo da concentração de  $\text{Fe}^{3+}$

$$K_s = [\text{Fe}^{3+}] [\text{OH}^{-}]^3$$

$$4 \cdot 10^{-38} = [\text{Fe}^{3+}] (10^{-7})^3$$

$$[\text{Fe}^{3+}] = \frac{4 \cdot 10^{-38}}{10^{-21}} = 4 \cdot 10^{-17} \text{ mol/L}$$

b) A concentração de  $\text{Fe}^{3+}$  em mg/L é:

$$1 \text{ mol Fe}^{3+} \text{ ————— } 55,8 \text{ g}$$

$$4 \cdot 10^{-17} \text{ mol ————— } x$$

$$x = \frac{55,8 \text{ g} \cdot 4 \cdot 10^{-17} \text{ mol}}{1 \text{ mol}}$$

$$x = 223,2 \cdot 10^{-17} \text{ g}$$

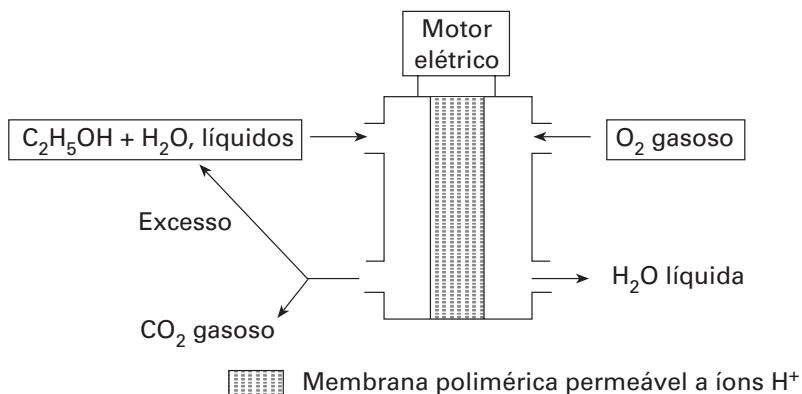
$$x = 2,23 \cdot 10^{-15} \text{ g}$$

$$x = 2,23 \cdot 10^{-12} \text{ mg}$$

A concentração de  $\text{Fe}^{3+}$   $2,23 \cdot 10^{-12} \text{ mg/L}$  é menor do que 0,3 mg/L, portanto a água tratada atende a legislação.

### Questão 34

Uma tecnologia promissora para a redução do uso de combustíveis fósseis como fonte de energia são as células de combustível, nas quais os reagentes são convertidos em produtos através de processos eletroquímicos, com produção de energia elétrica, que pode ser armazenada ou utilizada diretamente. A figura apresenta o esquema de uma célula de combustível formada por duas câmaras dotadas de catalisadores adequados, onde ocorrem as semi-reações envolvidas no processo.

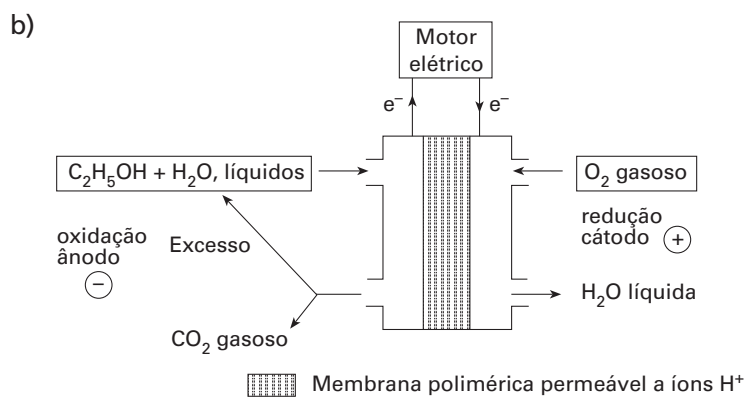
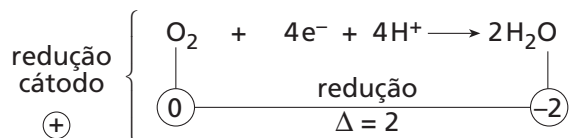
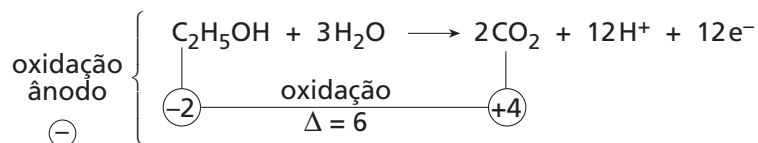


O contato elétrico entre as duas câmaras se dá através de uma membrana permeável a íons  $H^+$  e do circuito elétrico externo, por onde os elétrons fluem e acionam, no exemplo da figura, um motor elétrico. Comparando-se um motor a explosão com outro movido a eletricidade gerada por uma célula de combustível, ambos utilizando etanol, os produtos finais serão os mesmos —  $CO_2$  e  $H_2O$  —, mas a eficiência da célula de combustível é maior, além de operar em temperaturas mais baixas.

- a) Sabendo que no processo estão envolvidos, além de reagentes e produtos finais, a água, íons  $H^+$  e elétrons, escreva as equações químicas balanceadas para as semi-reações que ocorrem em cada câmara da célula de combustível apresentada na figura.
- b) Determine o sentido do fluxo de elétrons pelo circuito elétrico externo (motor elétrico). Justifique sua resposta.

### Resolução

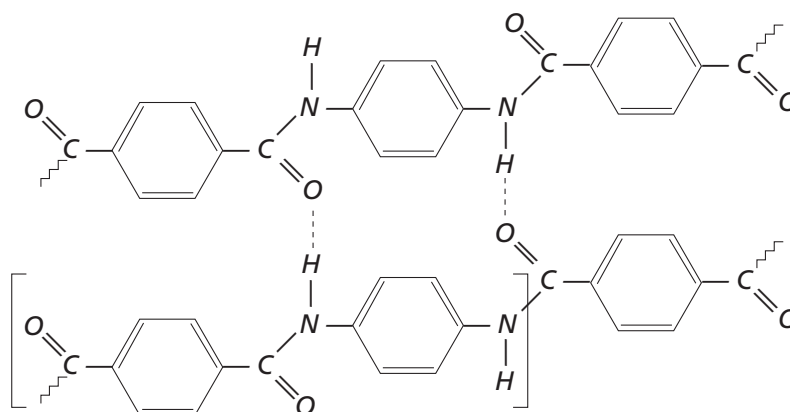
a) As semi-reações podem ser representadas pelas equações



Os elétrons migram do pólo onde ocorre oxidação (perda de elétrons) para o pólo onde ocorre redução (ganho de elétrons).

### Questão 35

Uma porção representativa da estrutura do polímero conhecido como Kevlar, patente da DuPont, é mostrada na figura a seguir.

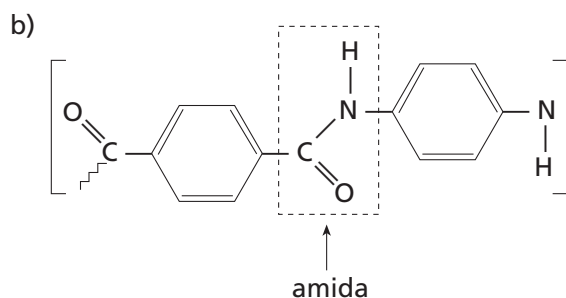
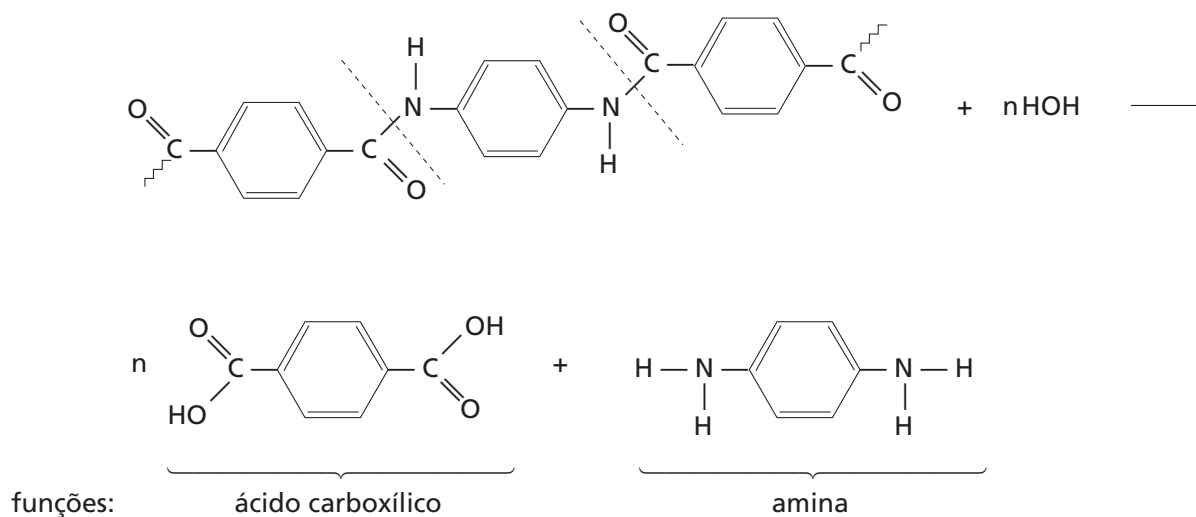


A estrutura pode ser descrita como sendo formada por longas fibras poliméricas, aproximadamente planares, mantidas por ligações covalentes fortes, e cada fibra interagindo com suas vizinhas através de ligações hidrogênio, representadas por linhas interrompidas na figura. Devido ao conjunto dessas interações, o polímero é altamente resistente a impactos, propriedade que é aproveitada na confecção de coletes à prova de bala.

- Escreva as fórmulas estruturais dos dois reagentes utilizados na síntese do Kevlar, identificando as funções orgânicas presentes nas moléculas de cada um deles.
- Transcreva a porção representativa da fórmula estrutural da fibra polimérica em destaque na figura (dentro dos colchetes) para seu caderno de respostas. Assinale e identifique a função orgânica que se origina da reação de polimerização.

### Resolução

- Por meio de uma hidrólise podemos deduzir as fórmulas dos dois reagentes utilizados:



1 H 1,01																	18 He 4,00
3 Li 6,94	4 Be 9,01											13 B 10,8	14 C 12,0	15 N 14,0	16 O 16,0	17 F 19,0	10 Ne 20,2
11 Na 23,0	12 Mg 24,3	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13 Al 27,0	14 Si 28,1	15 P 31,0	16 S 32,1	17 Cl 35,5	18 Ar 39,9
19 K 39,1	20 Ca 40,1	21 Sc 45,0	22 Ti 47,9	23 V 50,9	24 Cr 52,0	25 Mn 54,9	26 Fe 55,8	27 Co 58,9	28 Ni 58,7	29 Cu 63,5	30 Zn 65,4	31 Ga 69,7	32 Ge 72,6	33 As 74,9	34 Se 79,0	35 Br 79,9	36 Kr 83,8
37 Rb 85,5	38 Sr 87,6	39 Y 88,9	40 Zr 91,2	41 Nb 92,9	42 Mo 95,9	43 Tc (98)	44 Ru 101	45 Rh 103	46 Pd 106	47 Ag 108	48 Cd 112	49 In 115	50 Sn 119	51 Sb 122	52 Te 128	53 I 127	54 Xe 131
55 Cs 133	56 Ba 137	57-71 Série dos Lantanídeos	72 Hf 178	73 Ta 181	74 W 184	75 Re 186	76 Os 190	77 Ir 192	78 Pt 195	79 Au 197	80 Hg 201	81 Tl 204	82 Pb 207	83 Bi 209	84 Po (209)	85 At (210)	86 Rn (222)
87 Fr (223)	88 Ra (226)	89-103 Série dos Actinídeos	104 Rf (261)	105 Db (262)	106 Sg (266)	107 Bh (264)	108 Hs (277)	109 Mt (268)	110 Ds (271)	111 Rg (272)							

Série dos Lantanídeos

57 La 139	58 Ce 140	59 Pr 141	60 Nd 144	61 Pm (145)	62 Sm 150	63 Eu 152	64 Gd 157	65 Tb 159	66 Dy 163	67 Ho 165	68 Er 167	69 Tm 169	70 Yb 173	71 Lu 175
-----------------	-----------------	-----------------	-----------------	-------------------	-----------------	-----------------	-----------------	-----------------	-----------------	-----------------	-----------------	-----------------	-----------------	-----------------

Série dos Actinídeos

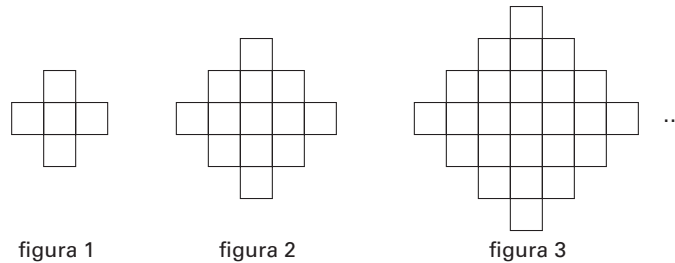
89 Ac (227)	90 Th 232	91 Pa 231	92 U 238	93 Np (237)	94 Pu (244)	95 Am (243)	96 Cm (247)	97 Bk (247)	98 Cf (251)	99 Es (252)	100 Fm (257)	101 Md (258)	102 No (259)	103 Lr (262)
-------------------	-----------------	-----------------	----------------	-------------------	-------------------	-------------------	-------------------	-------------------	-------------------	-------------------	--------------------	--------------------	--------------------	--------------------

Número Atômico  
**Símbolo**  
Massa Atômica  
  
( ) = n.º de massa do isótopo mais estável

## 2ª PARTE: QUESTÕES DISCURSIVAS

### Questão 36

Observe o padrão de formação das figuras numeradas.



- a) Sabendo-se que as figuras 1, 2 e 3 são formadas, respectivamente, por 5, 13 e 25 quadrados de área  $1 \text{ cm}^2$ , calcule a área da figura 10 da seqüência indicada.
- b) Seja  $x$  o número da figura  $x$ , e  $f(x)$  o número de quadrados de  $1 \text{ cm}^2$  que compõem essa mesma figura. Em relação à função  $f$ , determine sua lei de formação e seus conjuntos domínio e imagem.

### Resolução

O número de quadrados é:

$$\text{Figura 1: } 2 \cdot 1 + 3$$

$$\text{Figura 2: } 2 \cdot (1 + 3) + 5$$

$$\text{Figura 3: } 2 \cdot (1 + 3 + 5) + 7$$

$$\text{Figura 4: } 2 \cdot (1 + 3 + 5 + 7) + 9$$

$$\vdots$$

$$\text{Figura } n: 2 \cdot [1 + 3 + 5 + \dots + (2n - 1)] + (2n + 1)$$

a) Para  $n = 10$ , temos:

$$2 \cdot \frac{(1 + 19) \cdot 10}{2} + 21 = 221$$

A área é  $221 \text{ cm}^2$ .

$$\text{b) } f(x) = 2 \cdot \frac{[1 + (2x - 1)] \cdot x}{2} + (2x + 1)$$

$$f(x) = 2x^2 + 2x + 1, x \in \mathbb{N}^*$$

Domínio:

$$D = \mathbb{N}^*$$

Conjunto imagem:

$$I_m = \{5, 13, 25, \dots, 2x^2 + 2x + 1, \dots\}, x \in \mathbb{N}^*$$

### Questão 37

Em uma urna foram colocadas cem bolas, numeradas de 1 a 100. Para um sorteio aleatório de uma bola, o jogador A apostou no número 35, o jogador B no número 63 e o jogador C no número 72. A, B e C foram os únicos jogadores da partida. Depois de escolhidos os números apostados, o organizador do evento divulgou a seguinte regra:

Ganhará o prêmio quem acertar o número sorteado e, não havendo acertador, ganhará aquele que mais se aproximar do número sorteado. Se houver empate entre dois jogadores, ganhará aquele que vencer uma partida de cara ou coroa realizada com uma moeda honesta.

- a) Qual é a probabilidade de que A seja o ganhador do prêmio?  
b) Qual é a probabilidade de que B seja o ganhador do prêmio?

### Resolução

a) Como  $\frac{35 + 63}{2} = 49$ , A ganhará se o número sorteado for de 1 a 48, e disputará na moeda com B se o número for 49.

A probabilidade pedida é

$$P = \frac{48}{100} + \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{100} = 48,5\%$$

**Resposta:** 48,5%

b) Como  $\frac{63 + 72}{2} = 67,5$ , B ganhará se o número sorteado for de 50 a 67, e disputará na moeda com A se o número for 49.

A probabilidade pedida é:

$$P = \frac{18}{100} + \frac{1}{2} \cdot \frac{1}{100} = 18,5\%$$

**Resposta:** 18,5%

### Questão 38

Admita que a matriz cuja inversa seja formada apenas por elementos inteiros pares receba o nome de *EVEN*.

Seja  $M$  uma matriz  $2 \times 2$ , com elementos reais, tal que  $M = \begin{bmatrix} 2 & 3x \\ x+1 & x \end{bmatrix}$ .

Admita que  $M$  seja *EVEN*, e que sua inversa tenha o elemento da primeira linha e primeira coluna igual a 2.

- a) Determine o valor de  $x$  nas condições dadas.  
b) Determine a inversa de  $M$  nas condições dadas.

### Resolução

Do enunciado,  $M^{-1} = \begin{bmatrix} 2 & b \\ c & d \end{bmatrix}$

$$M \cdot M^{-1} = I \quad \therefore \begin{bmatrix} 2 & 3x \\ x+1 & x \end{bmatrix} \cdot \begin{bmatrix} 2 & b \\ c & d \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$\therefore \begin{cases} 4 + 3cx = 1 & \text{(I)} \\ 2b + 3dx = 0 & \text{(II)} \\ 2x + 2 + cx = 0 & \text{(III)} \\ bx + b + dx = 1 & \text{(IV)} \end{cases}$$

a) De (I):  $cx = -1$

Substituindo em (III):  $2x + 2 - 1 = 0 \quad \therefore \quad x = -\frac{1}{2}$

**Resposta:**  $-\frac{1}{2}$

b) Substituindo  $x = -\frac{1}{2}$  no sistema, temos:

$$\begin{cases} 4 - \frac{3}{2}c = 1 \\ 2b - \frac{3}{2}d = 0 \\ 1 - \frac{1}{2}c = 0 \\ -\frac{1}{2}b + b - \frac{1}{2}d = 1 \end{cases} \quad \therefore \quad c = 2, b = -6 \text{ e } d = -8$$

Logo,  $M^{-1} = \begin{bmatrix} 2 & -6 \\ 2 & -8 \end{bmatrix}$

**Resposta:**  $\begin{bmatrix} 2 & -6 \\ 2 & -8 \end{bmatrix}$

### Questão 39

Sejam  $f$  e  $g$  funções modulares reais definidas por  $f(x) = |x + 2|$  e  $g(x) = 2|x - 2|$ .

a) Resolva a equação  $f(x) = g(x)$ .

b) Construa o gráfico da função real  $h$ , definida por  $h(x) = |x + 2| - 2|x - 2|$ .

### Resolução

a) Em  $\mathbb{R}$ , temos

$$|x + 2| = 2|x - 2| \Leftrightarrow \begin{cases} x + 2 = 2(x - 2) \\ \text{ou} \\ x + 2 = -2(x - 2) \end{cases}$$

De  $x + 2 = 2(x - 2)$ , temos  $x + 2 = 2x - 4$ , ou seja,  $x = 6$ .

De  $x + 2 = -2(x - 2)$ , temos  $x + 2 = -2x + 4$ , ou seja,  $x = \frac{2}{3}$ .

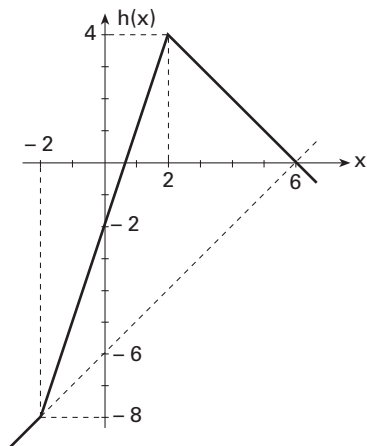
**Resposta:**  $\left\{ 6, \frac{2}{3} \right\}$



b) Estudemos os sinais de  $x + 2$  e  $x - 2$ .

	-2		2	x
-	○	+	+	sinal de $x + 2$
-		-	○	sinal de $x - 2$
$h(x) =  x + 2  - 2 x - 2 $ $h(x) = -x - 2 - 2(-x + 2)$ $h(x) = -x - 2 + 2x - 4$ $h(x) = x - 6$ $(x \leq -2)$	$h(x) =  x + 2  - 2 x - 2 $ $h(x) = x + 2 - 2(-x + 2)$ $h(x) = x + 2 + 2x - 4$ $h(x) = 3x - 2$ $(-2 \leq x \leq 2)$	$h(x) =  x + 2  - 2 x - 2 $ $h(x) = x + 2 - 2(x - 2)$ $h(x) = x + 2 - 2x + 4$ $h(x) = -x + 6$ $(x \geq 2)$		

**Resposta:**



### Questão 40

Admita os pontos  $A(2, 2)$  e  $B(-3, 4)$  como sendo vértices opostos de um losango  $ACBD$ .

a) Determine a equação geral de cada uma das retas suportes das diagonais do losango  $ACBD$ .

b) Calcule o comprimento do lado do losango  $ACBD$ , admitindo-se que um de seus vértices esteja no eixo das abscissas.

### Resolução

a) Com  $A(2, 2)$  e  $B(-3, 4)$ , temos:

(I) Equação da reta  $\overleftrightarrow{AB}$

$$m_{AB} = \frac{4 - 2}{-3 - 2} = -\frac{2}{5} \text{ e } y - 2 = -\frac{2}{5}(x - 2) \quad \therefore 2x + 5y - 14 = 0$$

(II) Equação da reta  $\overleftrightarrow{CD}$

Como as diagonais de um losango são perpendiculares e se interceptam no ponto médio  $M$ , temos:

$$\left. \begin{array}{l} m_{CD} = \frac{5}{2} \\ M\left(-\frac{1}{2}, 3\right) \end{array} \right\} y - 3 = \frac{5}{2}\left(x + \frac{1}{2}\right) \quad \therefore 10x - 4y + 17 = 0$$

**Resposta:**  $2x + 5y - 14 = 0$  e  $10x - 4y + 17 = 0$

b) Do enunciado, considere o vértice  $C(c, 0)$ . Substituindo na equação obtida em (II) do item **a**, temos:

$$10 \cdot c - 4 \cdot 0 + 17 = 0 \quad \therefore \quad c = -\frac{17}{10}$$

Logo, o vértice  $C$  tem coordenadas  $\left(-\frac{17}{10}, 0\right)$ .

Assim, o comprimento  $\ell$  do lado  $\overline{AC}$  será dado por:

$$\ell = \sqrt{\left[2 - \left(-\frac{17}{10}\right)\right]^2 + (2 - 0)^2} \quad \therefore \quad \ell = \frac{\sqrt{1769}}{10}$$

**Resposta:**  $\frac{\sqrt{1769}}{10}$

## 2ª PARTE: QUESTÕES DISCURSIVAS

### Questão 41

Os palácios de fada eram um incêndio de luzes, antes que a pálida madrugada deixasse ver as monstruosas serpentes de fumo espreado sobre Coketown. Um barulho de sapatos pesados na calçada, um tilintar de sinetas e todos os elefantes melancolicamente loucos, polidos e oleados para a rotina diária, recomeçavam a sua tarefa.

Stephen, atento e calmo, debruçava-se sobre o seu tear, formando como os outros homens perdidos naquela floresta de máquinas um contraste com a máquina poderosa com que trabalhava.

Um tanto de operários na fábrica, um tanto de cavalos-vapor de energia. Sabe-se até ao mais pequeno pormenor aquilo que a máquina é capaz de fazer. Não existe qualquer mistério na máquina, porém, no mais mesquinho dentre esses homens existe um mistério jamais decifrado.

O dia clareou e mostrou-se lá fora, apesar das luzes brilhantes do interior. As luzes apagaram-se e o trabalho continuou. Lá fora, nos vastos pátios, os tubos de escapamento do vapor, os montes de barris e ferro-velho, os montículos de carvão ainda acesos, cinzas, por toda parte, amortalhavam o véu da chuva e do nevoeiro.

O trabalho continuou até a sineta tocar o meio-dia. Mais barulho de sapatos nas calçadas. Os teares, as rodas e as mãos paravam durante uma hora.

Stephen saiu do calor da fábrica para o frio e a umidade da rua molhada. Vinha cansado e macilento. Dando as costas ao seu bairro e aos companheiros, levando apenas um naco de pão, dirigiu-se à colina, onde residia o seu patrão numa casa vermelha com persianas pretas, cortinas verdes, porta de entrada negra, onde se lia Bounderby, numa chapa de cobre.

(Charles Dickens. Tempos difíceis. São Paulo: Clube do Livro, 1969.)

a) Identifique o contexto histórico descrito no texto.

b) A partir da interpretação do texto, escreva sobre os aspectos econômicos e sociais do contexto histórico citado.

### Resolução

a) Trata-se da primeira fase da Revolução Industrial (século XVIII), que se caracterizou pela transição do sistema de trabalho doméstico para o sistema fabril.

b) Dentre os aspectos econômicos da Revolução Industrial, podemos destacar a consolidação do capitalismo, o avanço do liberalismo econômico, o despontar da Inglaterra como primeira potência econômica mundial e, ainda, a separação entre capital e trabalho.

Já dentre os aspectos sociais, ressaltam-se o fortalecimento da burguesia e a proletarianização dos trabalhadores.

### Questão 42

É, pois, nas sociedades orais que não apenas a função da memória é mais desenvolvida, mas também a ligação entre o homem e a Palavra é mais forte. Lá onde não existe a escrita, o homem está ligado à palavra que profere. Está comprometido por ela. Ele é a palavra, e a palavra encerra um testemunho daquilo que ele é. (...)

Nas tradições africanas — pelo menos nas que conheço e que dizem respeito a toda a região de savana ao sul do Saara —, a palavra falada se empossava, além de um valor moral fundamental, de um caráter sagrado vinculado à sua origem divina e às forças ocultas nela depositadas. Agente mágico por excelência, grande vetor de “forças etéreas”, não era utilizada sem prudência.

Inúmeros fatores — religiosos, mágicos ou sociais — concorrem, por conseguinte, para preservar a fidelidade da transmissão oral (...).

(A. Hampaté Bâ. A tradição viva. In: J. Ki-Zerbo (org.). História geral da África, 1982.)

- a) *Escreva sobre a importância da criação da escrita na diferenciação entre sociedades pré-históricas e históricas, que esteve presente, durante muito tempo, no pensamento europeu.*
- b) *A partir da interpretação do texto apresentado, escreva por que é possível escrever a história de sociedades orais.*

### Resolução

- a) A historiografia europeia cunhou o termo Pré-História para designar o período que antecedeu a invenção da escrita. Esta foi considerada, assim, como um divisor na análise do percurso humano, pois permitiria aos historiadores estabelecer interpretações baseadas em registros lingüísticos. Lendo os textos gerados por diversas civilizações, portanto, teríamos delas uma compreensão diferente daquela possível sobre os povos sem escrita.
- b) Segundo o texto, as sociedades orais teriam a *função da memória* mais desenvolvida, uma ligação mais forte com a palavra, vista como sagrada. Desse modo o historiador, através do levantamento sistematizado de depoimentos, tem sim como se aproximar da realidade histórica desses povos.

### Questão 43

Se vendemos nossa terra a vós, deveis conservá-la à parte, como sagrada, como um lugar onde mesmo um homem branco possa ir sorver a brisa aromatizada pelas flores dos bosques.

Assim consideraremos vossa proposta de comprar nossa terra. Se nos decidirmos a aceitá-la, farei uma condição: o homem branco terá que tratar os animais desta terra como se fossem seus irmãos.

Sou um selvagem e não compreendo outro modo. Tenho visto milhares de búfalos apodrecerem nas pradarias, deixados pelo homem branco que neles atira de um trem em movimento. Sou um selvagem e não compreendo como o fumegante cavalo de ferro possa ser mais importante que o búfalo, que nós caçamos apenas para nos mantermos vivos.

*(Carta do chefe índio Seattle ao presidente dos Estados Unidos, que pretendia comprar as terras de sua tribo em 1855.)*

- a) *Identifique uma diferença na maneira do chefe índio e dos brancos entenderem a relação entre o homem e a natureza.*
- b) *Explique as conseqüências, para a população indígena dos Estados Unidos, do contato com os brancos.*

### Resolução

- a) O discurso do chefe índio reflete os valores de uma sociedade estruturada no coletivismo e na subsistência, e que, em razão disso, forçosamente respeita a natureza. Já os brancos, cuja organização econômica prevê a produção de excedente e prioriza a propriedade e o imediatismo do lucro, destroem a natureza.
- b) A população indígena, quando não foi fisicamente massacrada, teve sua cultura destruída pelo homem branco. Além disso, perdeu seus territórios, e os sobreviventes que tentaram se incorporar à sociedade dos brancos foram excluídos.

### Questão 44

*A gravura ilustra diferentes fases da produção do açúcar no Brasil colonial.*



*(Autoria não identificada. Açúcar do Brasil, 1700-1710.)*

- a) *Identifique essas fases.*
- b) *Escreva sobre o papel exercido pela produção açucareira na organização econômica e social da Colônia.*

## Resolução

- a) A gravura de um típico engenho do período colonial no Brasil ilustra as fases de transformação da cana (matéria-prima) em açúcar (produto agroindustrial). Observam-se o canavial, o engenho propriamente dito com a moenda, as fornalhas e oficinas, a casa de purgar e até o carro de boi, imprescindível ao transporte da cana e do açúcar.
- b) A economia açucareira baseava-se nos latifúndios monocultores exportadores, movidos pelo trabalho escravo, configurando o chamado sistema agrário de *plantation*. Nesse espaço floresceu uma sociedade aristocrática patriarcal, conservadora e autoritária, rigidamente estratificada e concentradora da renda.

## Questão 45

Leia os textos 1 e 2 e responda.

### Texto 1

Difícil é encontrar uma sociedade que seja monocultural. As culturas são feitas tanto de continuidade quanto de mudanças. E as transformações não significam o fim de sua sobrevivência. As culturas estão o tempo todo emprestando elementos umas das outras e isso é bom. Nada parece mais monocultural do que um monastério tibetano e, no entanto, o budismo veio de fora, da Índia. Quem visita as aldeias ao redor da cidade em que vivi em Gana pensa que está diante de comunidades monoculturais. Como, se quase todos os moradores são cristãos? O cristianismo chegou na região no século XIX, trazido pelos europeus. É, portanto, um aspecto recente da cultura local.

(Kwame Anthony Appiah. Veja, 08 de março de 2006.)

### Texto 2

#### Curau

#### Ingredientes

- 12 espigas de milho verde
- 1/2 litro de leite
- 2 1/2 xícaras (chá) de açúcar
- 1 pitada de sal
- canela em pó a gosto

- 1 — Retirar a palha e os cabelos das espigas. Ralar o milho e raspar os sabugos com a ajuda de uma colher. Acrescentar o leite, o sal, misturar e deixar a massa descansar por 10 minutos. Colocá-la em um pano de prato, juntar as pontas e torcer o pano para coar o líquido.
- 2 — Despejar o caldo em uma panela, acrescentar o açúcar, mexer e levar ao fogo brando.
- 3 — Cozinhar lentamente, mexendo sempre, até que tome consistência. Despejar em um refratário ou em tigelinhas molhadas.
- 4 — Deixar esfriar e levar à geladeira. Servir polvilhado com canela em pó.

(Rosa Belluzzo. Fazeres e Sabores da Cozinha Paulista. Prefeitura do Município de São Paulo, 2007.)

- a) Faça uma análise comparativa dos dois textos, buscando seus aspectos semelhantes.
- b) Como o argumento do texto 1 — As culturas estão o tempo todo emprestando elementos umas das outras — pode ser comprovado pela receita de como fazer curau (texto 2)?

## Resolução

- a) Os textos apresentados, aparentemente sem qualquer ligação, referem-se ao caráter multifacetado das culturas humanas, derivado das trocas perenes de informações e características que enriquecem o sincretismo cultural das sociedades.
- b) O curau bem ilustra o multiculturalismo no plano da culinária, pois leva milho verde, nativo da terra, leite do gado trazido pelos europeus, além de açúcar e canela, ambos de origem oriental, tudo temperado com sal, conhecido em quase todo o mundo.

# COMENTÁRIOS

---

## Química

Uma prova abrangente, pois conseguiu cobrar os pontos principais dos conteúdos de Química dados no ensino médio.

Além de enunciados claros, esta prova está contextualizada, explorando assuntos de relevância atual, como por exemplo combustíveis fósseis, físeis e alternativos, para mostrar a necessidade de se conhecer vários aspectos da Química para se entender os fatos atuais.

Resumindo, uma boa prova, tanto nas questões objetivas como nas discursivas.

## Matemática

Como nos anos anteriores, a banca examinadora ofereceu aos candidatos uma prova de bom nível, bastante adequada e com questões interessantes.

Lamentamos, no entanto, uma imprecisão na questão 19.

## História

### História do Brasil

A prova apresentou sérias oscilações, que acabaram comprometendo sua qualidade. Propõe questões extremamente simples e outras demasiado difíceis até para o aluno bem preparado.

Também tematicamente a prova pecou por sua concentração no período republicano, deixando de abordar temas relacionados à fase do Império.

### História Geral

Tanto nos testes como nas questões, a prova exigiu que o candidato interpretasse textos, em alguns casos demasiado extensos para tão limitado tempo.